

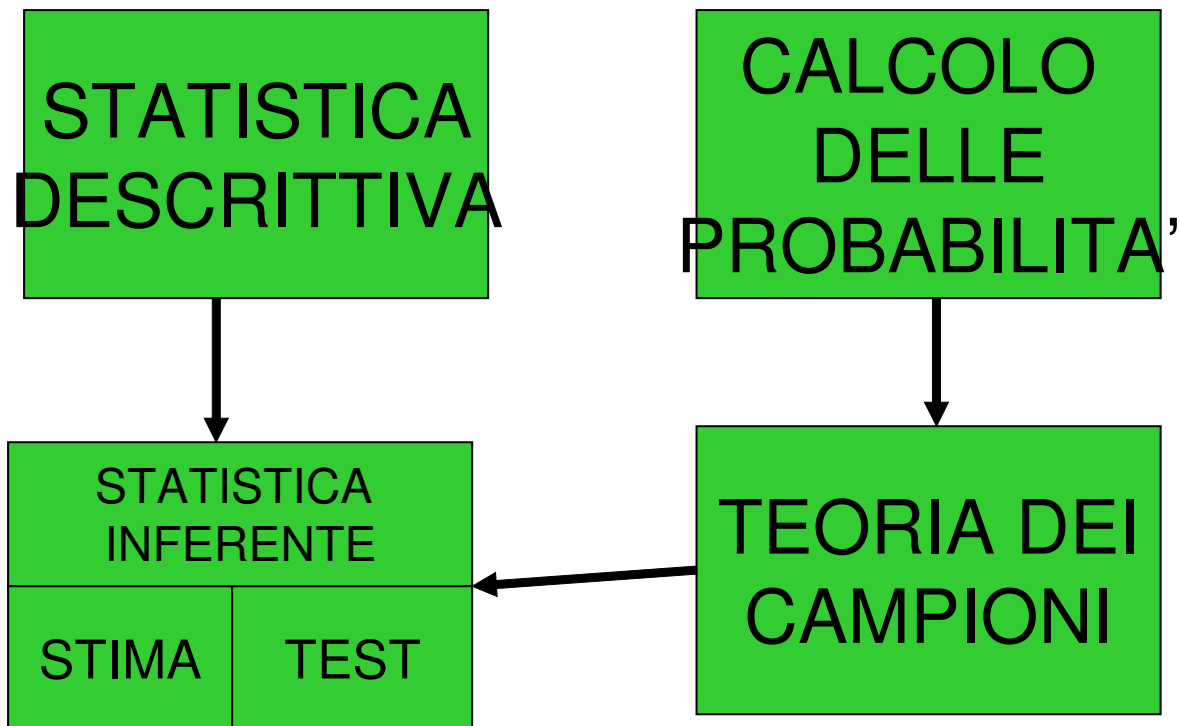
INFERENZA o STATISTICA INFERENTE

Le informazioni sui parametri della *popolazione* si possono ottenere sia mediante una rilevazione totale (o rilevazione censuaria) sia mediante una rilevazione parziale (o rilevazione campionaria).

Rilevazione totale: STATISTICA DESCRITTIVA

Rilevazione campionaria: STATISTICA INFERENTE

L'**INFERENZA** è l'insieme dei metodi e delle tecniche statistiche con cui si riescono ad ottenere informazioni sui parametri che caratterizzano la *popolazione* d'origine, utilizzando i dati di un campione casuale.



I metodo inferenziali consistono in procedimenti di tipo induttivo, che in quanto tali portano a commettere degli errori: errore di campionamento ed errore di stima.

(Teoria dei campioni) **CAMPIONAMENTO**

Campioni a scelta ragionata o Campioni non probabilistici



Campioni probabilistici:

- campioni stratificati
- campioni a grappoli
- campioni puramente casuali o **campioni casuali**

ecc...

Se ogni unità appartenente alla popolazione ha la stessa probabilità delle altre di presentarsi nel campione, allora si parla di **campionamento casuale semplice** e si ottiene un **campione casuale**. Tale campionamento rispecchia la situazione dell'estrazione di palline da un'urna: si supponga di estrarre n palline da un'urna contenente N palline uguali, ovvero perfettamente calibrate e senza caratteri distintivi, numerate da 1 ad N . Allora ogni pallina ha la stessa probabilità delle altre di essere estratta (*Tavole dei numeri casuali*).

Se l'estrazione delle n palline dall'urna viene effettuata CON reinserimento allora si ha un **campione casuale bernoulliano** o **campione casuale con ripetizione**.

Se l'estrazione delle n palline dall'urna viene effettuata SENZA reinserimento allora si ha un **campione casuale senza ripetizione** o **c.c. in blocco** o **c.c. esaustivo**.

Data una popolazione di N elementi, si consideri lo *Spazio campionario* dato da tutti i possibili campioni casuali di n elementi che si possono formare estraendoli da quella popolazione. Allora

- se il campione casuale è bernoulliano, lo *Spazio campionario* è costituito da N^n campioni di dimensione n , dove

$$N^n = D_{N,n}^r$$

- se il campione casuale è senza ripetizione, lo *Spazio campionario* è costituito da $N(N-1)(N-2)\dots(N-n+1)$ campioni di dimensione n , dove

$$N(N-1)(N-2)\dots(N-n+1) = D_{N,n}^s$$

In particolare, se il campione casuale è senza ripetizione e l'ordine di estrazione degli elementi non conta, allora lo *Spazio campionario* è costituito da $\binom{N}{n}$ campioni di dimensione n , dove

$$\binom{N}{n} = C_{N,n}^s$$

Sia X una v.c. che descrive la popolazione d'origine in esame, con N dimensione di tale popolazione. Sia $\mu = M(X)$ e $\sigma^2 = \text{Var}(X)$.

Si supponga che della v.c. X interessino uno o più parametri. Allora dalla popolazione si estrae, secondo un certo criterio, un campione casuale di n elementi:

$$X_1, X_2, \dots, X_n$$

L'insieme delle n v.c. X_1, X_2, \dots, X_n costituisce un **campione casuale** di X . Ogni v.c. X_i del campione casuale si distribuisce come la v.c. X , con $M(X_i) = \mu$ e $\text{Var}(X_i) = \sigma^2$ (per ogni i , con $i=1, 2, \dots, n$).

Una generica realizzazione del campione casuale $\{X_1, X_2, \dots, X_n\}$ è costituita da n numeri: (x_1, x_2, \dots, x_n) . L'insieme degli n numeri x_1, x_2, \dots, x_n costituisce un **campione casuale osservabile**.

I procedimenti dell'Inferenza statistica richiedono che i dati del campione vengano elaborati. Sia (x_1, x_2, \dots, x_n) il campione casuale osservato e sia $h(\bullet)$ una funzione matematica a n variabili. Applicando $h(\bullet)$ al campione casuale osservato si ottiene un valore:

$$h(\bullet) = h(x_1, x_2, \dots, x_n)$$

Applicando $h(\bullet)$ ad un campione casuale di X si ottiene una variabile casuale che, in quanto tale, ha una propria Distribuzione di probabilità:

$$h(\bullet) = h(X_1, X_2, \dots, X_n)$$

Si definisce **STATISTICA CAMPIONARIA** o **V.C. CAMPIONARIA** una qualsiasi funzione delle v.c. X_1, X_2, \dots, X_n che compongono il campione casuale.

Si definisce **DISTRIBUZIONE CAMPIONARIA** di una STATISTICA CAMPIONARIA la sua distribuzione di probabilità. La **DISTRIBUZIONE CAMPIONARIA** dipende dal modello descrittivo della popolazione.

STATISTICA CAMPIONARIA

MEDIA CAMPIONARIA m (o \bar{X})

$$m = \frac{\sum_{i=1}^n X_i}{n}$$

Media aritmetica o Valore atteso della MEDIA CAMPIONARIA:

$$M(m) = E(m) = \mu \text{ (dove } \mu = M(X) \text{ è la media della popolazione)}$$

Varianza della MEDIA CAMPIONARIA nel caso di campione casuale bernoulliano:

$$VAR(m) = \frac{\sigma^2}{n}$$

Deviazione standard della MEDIA CAMPIONARIA nel caso di campione casuale bernoulliano:

$$\sigma_m = \sqrt{\frac{\sigma^2}{n}} = \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$$

Varianza della MEDIA CAMPIONARIA nel caso di campione casuale senza ripetizione e di dimensione della popolazione finita:

$$VAR(m) = \frac{\sigma^2}{n} \cdot \frac{N-n}{N-1}$$

Deviazione standard della MEDIA CAMPIONARIA nel caso di campione casuale senza ripetizione e di dimensione della popolazione finita:

$$\sigma_m = \sqrt{\frac{\sigma^2}{n} \cdot \frac{N-n}{N-1}} = \frac{\sigma}{\sqrt{n}} \cdot \sqrt{\frac{N-n}{N-1}}$$